

(一) 次の計算をして，答えを書きなさい。

1 $2 + (-9)$

2 $(-2.5) \times 0.4$

3 $2(x - 3y - 1) + 3(x + y - 2)$

4 $6a^2b - ab \times 2a$

5 $(\sqrt{2} - 3)^2 + \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{5}}$

6 $(x + 5)(x - 5) - (x + 1)(x - 6)$

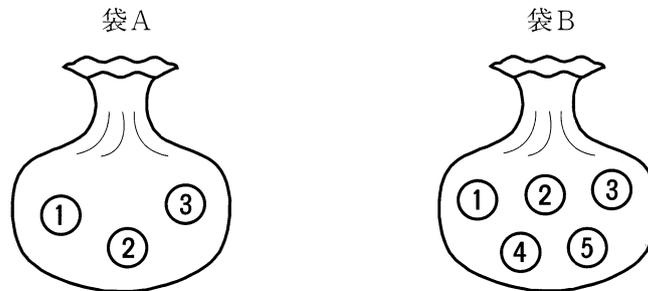
(二) 次の問いに答えなさい。

1 二次方程式 $5x^2 + 9x + 3 = 0$ を解け。

2 2点A(-2, 1), B(3, 5)間の距離を求めよ。

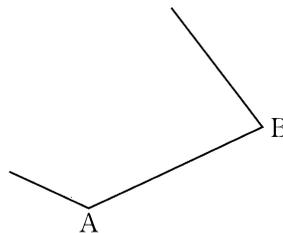
3 下の図のように、2つの袋A, Bがあり、袋Aの中には、1, 2, 3の数字が1つずつ書かれた3個の玉が、袋Bの中には、1, 2, 3, 4, 5の数字が1つずつ書かれた5個の玉が入っている。この2つの袋の中からそれぞれ玉を1個ずつ取り出すとき、袋Aの中から取り出した玉に書かれた数を a 、袋Bの中から取り出した玉に書かれた数を b とする。

このとき、次のア~エのうち、確率が最も大きいものはどれか。適当なものを1つ選び、その記号を書け。ただし、それぞれの袋について、どの玉が取り出されることも同様に確からしいものとする。

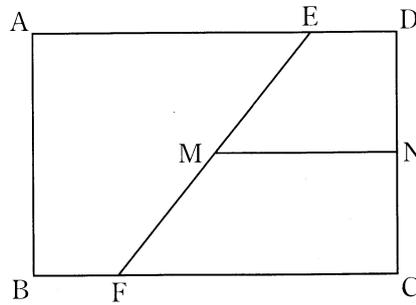


- ア $a + b$ の値が奇数になる確率
- イ $a + b$ の値が偶数になる確率
- ウ ab の値が奇数になる確率
- エ ab の値が偶数になる確率

4 下の図は、 $AB = AD$, $BC = DC$ の四角形ABCDの周の一部である。作図により、四角形ABCDの頂点C, Dの位置を求め、四角形ABCDを解答欄にかけ。ただし、作図に用いた線は消さずに残しておくこと。



- 5 下の図のような、 $AB = 16\text{cm}$ 、 $AD = 24\text{cm}$ の長方形 $ABCD$ がある。辺 AD 、 BC 上にそれぞれ点 E 、 F を、 $DE = BF$ となるようにとり、線分 EF の中点を M とする。また、点 M を通り、辺 AD に平行な直線と辺 DC との交点を N とする。四角形 $MFCN$ の面積が、四角形 $EMND$ の面積の2倍になるときの線分 DE の長さを求めよ。



- 6 空の貯金箱に、毎日、10円硬貨か50円硬貨のどちらか1枚を入れていき、365日間貯金した。貯金箱の中の硬貨を取り出さずに、貯金箱に入っている硬貨の合計金額を求めたい。硬貨の入った貯金箱の重さをはかると 1700g であった。また、硬貨と空の貯金箱の重さは、それぞれ下の表に示したとおりである。貯金箱の中に入っている10円硬貨の枚数を x 枚、50円硬貨の枚数を y 枚として、連立方程式をつくり、それを解いて、貯金箱の中に入っている硬貨の合計金額を求めよ。

	10円硬貨1枚	50円硬貨1枚	空の貯金箱
重さ	4.5 g	4 g	100 g

(三) 下の図のように、縦に3段のマス目があり、各マス目には、次の規則により、数が記入されている。

[規則]

- ・ 1段目には、1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4の数が、左から順に繰り返し記入されている。
- ・ 2段目には、2以上の自然数が2からはじめて、小さい方から順に左から記入されている。
- ・ 3段目には、3以上の奇数が3からはじめて、小さい方から順に左から記入されている。

	1 列 目	2 列 目	3 列 目	4 列 目	5 列 目	6 列 目	7 列 目	8 列 目	9 列 目	10 列 目	11 列 目	12 列 目	13 列 目	14 列 目	15 列 目	16 列 目	17 列 目	…
1段目	1	2	2	3	3	3	4	4	4	4	1	2	2	3	3	3	4	…
2段目	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	…
3段目	3	5	7	9	11	13	15	17	19	21	23	25	27	29	31	33	35	…

このとき、次の問いに答えなさい。

1 1段目において、

- (1) 23列目のマス目に記入されている数は何か。
- (2) 3の数が記入されているマス目のうち、左から数えて20番目のマス目は何列目か。

2 n 列目において、2段目と3段目のマス目に記入されている数の和を、 n を使って表せ。

3 1列目から77列目までのうちで、1段目と2段目と3段目のマス目に記入されている数の和が、3の倍数になっている列は、何列あるか。

(四) 下の図1のように、線分 AB を直径とする半円 O の \widehat{AB} 上に、2点 C, D を、 $\angle COD = 90^\circ$ となるようにとり、線分 OD と線分 BC の交点を E とする。また、点 B と点 D、点 C と点 D をそれぞれ結び、 $\triangle BCD$ をつくる。

このとき、次の問いに答えなさい。(円周率は π を用いること。)

1 $\triangle BCD \sim \triangle DCE$ であることを証明せよ。

2 下の図2のように、 $AB = 14\text{cm}$, $BC = 12\text{cm}$ であるとき、

(1) 線分 CE の長さを求めよ。

(2) 下の図3のように、 \widehat{AC} 上に点 F を $\angle COF = 45^\circ$ となるようにとるとき、線分 CF と線分 DF と \widehat{CD} とで囲まれた部分の面積を求めよ。

図1

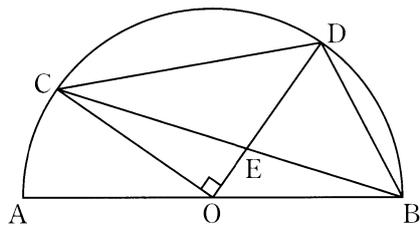


図2

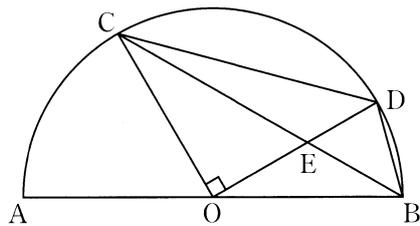
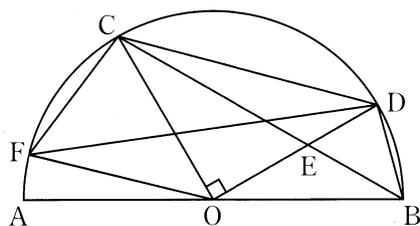


図3



(五) 下の図1において、直線 ℓ , m はそれぞれ関数 $y = \frac{1}{2}x$, $y = \frac{1}{2}x + 3$ のグラフである。また、点 A は x 軸上の $x \geq 0$ の範囲を動く点である。点 A を通り x 軸に垂直な直線と、直線 ℓ , m との交点をそれぞれ B, C とする。

このとき、次の問いに答えなさい。

- 1 点 A の x 座標が 2 のとき、線分 AB の長さを求めよ。
- 2 点 A の x 座標を t , $\triangle OAB$ の面積を S とするとき、 S を t の式で表し、そのグラフをかけ。ただし、 $t = 0$ のとき、 $S = 0$ とする。

3 下の図2のように、 x 軸上に点 D を $\triangle ACD$ が $AC = AD$ の直角二等辺三角形となるようにとる。ただし、点 D の x 座標は、点 A の x 座標より小さいものとする。

(1) 点 D が原点 O に一致するとき、点 A の x 座標を求めよ。また、このとき、 $\triangle OBC$ の面積を求めよ。

(2) 点 D の x 座標が正のとき、 $\triangle OAB$ と $\triangle ACD$ の重なった部分の面積が 23 となるような点 A の x 座標を求めよ。

図1

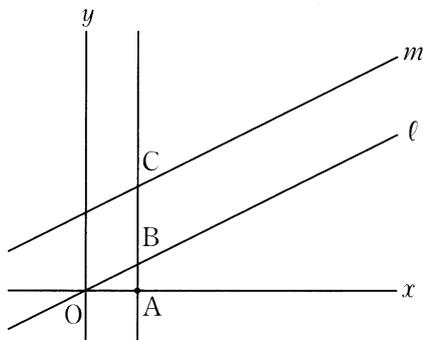


図2

